

## Capítulo II - Transformações Geométricas no Plano e no Espaço

### Responda nos pontilhados ou brancos abaixo

1 - O ponto ( 8500; 300; -100; 1000 ) em coordenadas homogêneas corresponde em coordenadas (não-homogêneas isto é na forma normal) 3D ao ponto ( ..... ;.....; ..... ). Esse tipo de coordenadas é útil para .....e.....

2- Se uma imagem digital é composta por um polígono fechado de 6 lados, seu perímetro deve ser dado pela .....sendo que, de maneira genérica se um lado  $i$  for delimitado pelos pontos  $(x_i, y_i, z_i)$  e  $(x_{i+1}, y_{i+1}, z_{i+1})$  tem-se que seu comprimento  $l_i$  pode ser definido como.....

3- Se um ponto do espaço 3D é representado como um vetor coluna, e faz parte de um objeto definido na origem, escreva a matriz que multiplicada por ele o translada de 2 unidades em x, 3 unidades em y e 1 unidade na direção z.

4- Quando o centro de vista ou o centro de projeção pode ser considerado no infinito, os raios projetores podem ser considerados .....este tipo de projeção é chamada .....e pode ser classificada em dois tipos, de acordo com o ângulo que os raios projetores formam em relação ao plano de projeção. Em um destes tipos, chamado de projeção paralela.....os raios projetores devem formar .....com o plano de projeção. Enquanto que no outro, a projeção paralela.....este ângulo é .....

5- Quando o centro de vista não está no infinito a projeção é chamada de ....e tem divisões e classificações de acordo com .....

**Para as questões abaixo escolha apenas uma das alternativas, mas diga porque as demais estão erradas.**

6-Das afirmativas abaixo a correta é:

- (a) Podemos usar para pontos a mesma notação de vetores em 2D ou 3D.
- (b) A translação de pontos é feita por soma vetorial nunca como multiplicação de matrizes
- (c) Dar um *zoom* em uma imagem nada mais é do que transladá-la para longe do observador.
- (d) Base para um espaço vetorial é onde a NASA lança foguetes.
- (e) Para representar qualquer ponto de um plano precisamos de 3 vetores.

7-Quando multiplicarmos todos os pontos de um desenho pela matriz identidade multiplicada por 0,5, temos que:

- (a) Independentemente de sua localização, o efeito apenas será de suas dimensões reduzidas de 50%.
- (b) O efeito depende de estarmos pré ou pós multiplicando os pontos.
- (c) A menos que se use as transpostas da matriz a multiplicação é impossível.
- (d) O objeto passa a ter o dobro do tamanho pois esse é o efeito da divisão pela constante.

- (e) Pode-se alterar as dimensões do objeto proporcionalmente nas duas direções e até transladá-lo.

8-A frase completamente certa é:

- (a) Usando matrizes 2x2 podemos dar qualquer efeito desejado em uma figura para animá-la  
 (b) Dar uma visão panorâmica (*pan*) em uma imagem é o mesmo que fazer um *zoom*  
 (c) Coordenadas homogêneas diminuem a complexidade dos cálculos por reduzirem os dados a serem armazenados.  
 (d) A composição de diversos efeitos é dada pela multiplicação das matrizes deste efeitos.  
 (e) Matrizes de rotação rodam os objetos em torno do seu centróide ou centro geométrico.

9-As projeções isométricas :

- (a) Como as cavaleiras e cabinet são casos particulares das ortográficas.  
 (b) Ocorrem quando os raios projetores atingem não perpendicularmente o plano de projeção.  
 (c) Podem ser classificadas em dimétricas e trimétricas.  
 (d) Obtêm-se a partir da consideração da projeção dos 3 vetores unitários nas direções do sistema de eixos.  
 (e) É uma das menos usadas em desenho técnico pois resulta em objetos de aparência menos realística.

10- Sabendo que a matriz de projeções em perspectiva com um ponto de fuga e centro de vista em  $(V_x, V_y, V_z)$  é definida como mostrado na matriz abaixo, podemos dizer que:

$$\begin{matrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ -V_x/V_z & -V_y/V_z & 1 & -1/V_z \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{matrix}$$

- (a) Um ponto, independentemente de que objeto faça parte, quando visto da posição , isto é do centro de vista,  $(2, 2, -8)$  será projetado no ponto  $(z/4, z/4, z, 1+z/8)$ .  
 (b) Para projetar no plano  $z=0$  basta *zerar* a sua última coluna  
 (c) As retas paralelas ao eixo z passarão agora pelo ponto de fuga nesta direção, ou seja pelo ponto  $(1/V_x, 1/V_y, 1/V_z)$ .  
 (d) O ponto de fuga da projeção definida pela matriz dada é  $(0, 0, -V_z)$ .  
 (e) Se for desejado representar um desenho com centro de projeção em  $(0, 2, -8)$  e projetado no plano  $z=0$ , não teríamos que deduzir uma matriz complementemente diferente, desde o início.

**Para as questões abaixo resolva e desenhe.**

11- Considerando uma projeção oblíqua que leve o vetor unitário  $(0,0,1,0)$  no ponto  $(0,5, -0,5; 0; 1)$ , monte a matriz que projetaria um desenho tridimensional no plano  $z=0$ . Use essa matriz para projetar o tetraedro retangular ABCD definido pelo pontos:

$A = (0, 0, 1)$ ;  $B = (1, 0, 0)$ ,  $C = (0, 1, 0)$  e  $D = (0, 0, 0)$ . Desenhe o tetraedro depois de projeta-lo no plano  $z=0$ .

12- Represente por A,B,C e D os vértices da face inferior de um cubo unitário, o por E, F, G e H os da face superior. Agora defina uma matriz que transforme esse cubo em um paralelepípedo onde o comprimento é o dobro da altura. Como você poderia projetá-lo usando depois pontos de fuga? Defina uma matriz que faça isso. Use essa matriz para obter as novas coordenadas de cada ponto do paralelepípedo. Desenhe essas coordenadas e a partir dela gere o paralelepípedo.