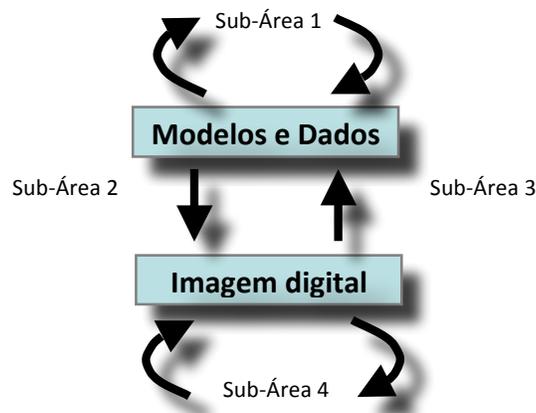


### Conceitos fundamentais

- 1) A Computação Gráfica é dividida em diversas sub-áreas. O diagrama abaixo mostra uma possível classificação. Diga qual é o nome de cada uma das sub-áreas e descreva sucintamente as características das mesmas.



- 2) Descreva alguns dos principais dispositivos de entrada e de saída utilizados em Computação Gráfica.
- 3) Explique como a forma dos objetos encontrados no mundo podem ser representados em computação gráfica.

### Cores

- 4) Explique porque utilizamos apenas 3 componentes para representar cores em computação gráfica.
- 5) Defina os processos aditivo e subtrativo de formação de cores e cite exemplos.
- 6) Explique porque as cores observadas em dois dispositivos são diferentes.

- 7) Explique matematicamente como uma cor pode ser reconstruída a partir de valores associados as cores primárias de um sistema.
- 8) Discuta sobre as dificuldades de se especificar uma cor através de componentes r,g,b. Cite uma alternativa que contorne este problema.

### Curvas

- 9) A descrição paramétrica de uma curva planar é definida por uma função  $\gamma : I \subset \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}^2$  tal que  $\gamma(t) = (x(t), y(t))$ . Explique com suas próprias palavras o que é uma curva paramétrica e ilustre com um exemplo.
- 10) Defina o conceito de uma curva poligonal. Descreva as principais vantagens e desvantagens de sua utilização.
- 11) Explique o que é uma curva implícita e como é possível determinar a posição de um ponto em relação a uma região descrita por uma curva implícita fechada (testar se o ponto é interior, exterior ou se está sobre a curva que delimita a região). Dê um exemplo para ilustrar sua explicação.
- 12) Considere a curva dada pela equação  $f(x,y) = x^6 + y^6 - x^2$ . Classifique cada ponto da lista  $L = \{(0.4, 0.6), (0.0, 1.0), (-0.2, 0.0), (0.8, 0.3)\}$  como *interior* ou *exterior*. Descreva o método utilizado para classificar os pontos.

### Regiões

- 12) Descreva como uma região pode ser representada por decomposição espacial e por decomposição intrínseca.
- 13) Considere uma aplicação onde o usuário tem que selecionar uma dada região em um mapa exibido na tela, clicando com um botão do mouse. Descreva como o problema de se determinar a região selecionada pode ser resolvido conhecendo-se as coordenadas do ponto clicado? Como as regiões devem ser representadas para a estratégia funcionar?
- 14) Implemente um método para poligonização de curvas representadas de forma implícita (ver página do curso).
- 15) Descreva um método para determinar se um segmento intersecta ou é interior a um polígono.

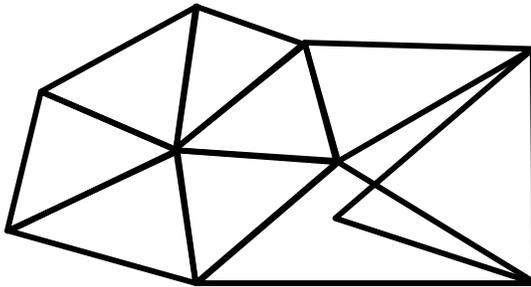
### Triângulações

16) Uma triangulação de uma região do plano é definida como uma coleção  $T = \{T_i\}$  de triângulos tal que, para dois triângulos distintos  $T_i$  e  $T_j$  em  $T$  com  $T_i \cap T_j \neq \emptyset$ , temos:

-  $T_i \cap T_j$  é um vértice em comum ou,

-  $T_i \cap T_j$  é uma aresta em comum.

Sabendo-se disto, justifique porque a triangulação abaixo está incorreta (2.0 pontos):



17) Descreva um algoritmo para triangular um polígono convexo.

18) Descreva um algoritmo para triangulação de um polígono não-convexo.

### Transformações Geométricas no plano

19) Mostre porque uma transformação linear preserva a origem.

20) Descreva as diferenças entre uma transformação linear e uma transformação afim.

21) Mostre que sempre é possível calcular as coordenadas baricêntricas de um ponto  $p$  em relação a três pontos  $p_0, p_1$  e  $p_2$  em posição geral no plano.

22) Considere as seguintes figuras geométricas abaixo. Determine a transformação necessária para levar a figura 1 na figura 2 (2.0 ponto).

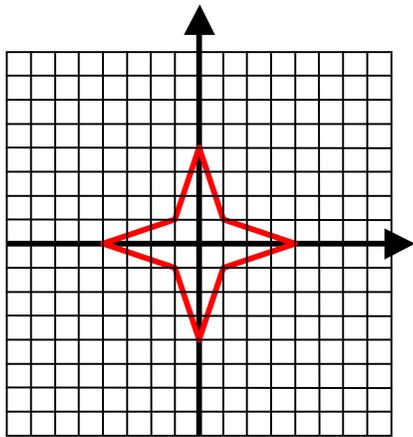


Figura 1

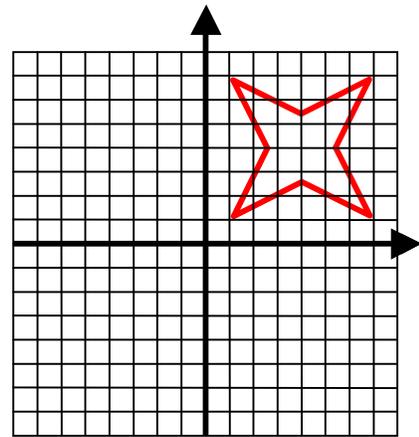
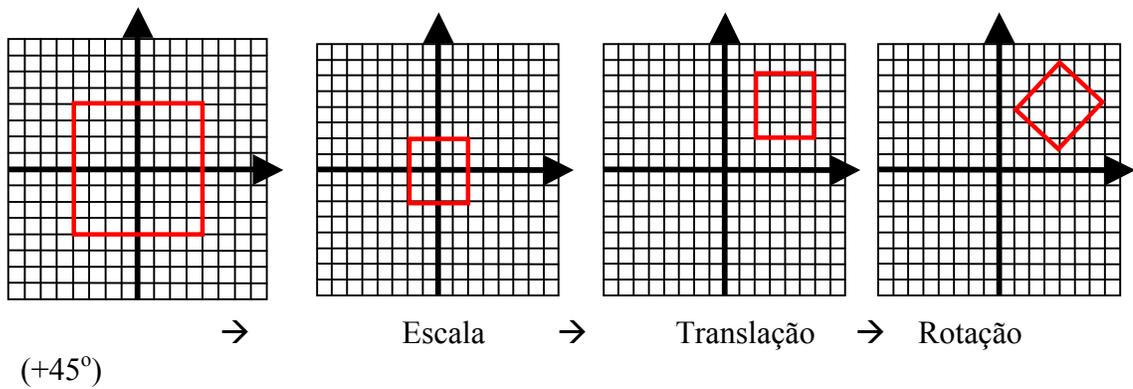


Figura 2

23) Uma matriz de transformação pode representar a composição de diferentes transformações como, por exemplo, translações, rotações e escalas. Isto permite que uma seqüência de transformações sobre um objeto possa ser representada através de uma única operação matricial aplicada a cada um de seus vértices. Observe as transformações aplicadas no quadrado abaixo:



Escreva a matriz de transformação resultante para a seqüência de transformações aplicadas ao quadrado. (Considere que as transformações ocorrem no plano e que os pontos estão representados em coordenadas homogêneas).

## OpenGL

- 24) Uma aplicação em OpenGL costuma ser organizada através de 3 partes: inicialização, loop principal e finalização. Explique o que vem a ser o loop principal e o que se costuma processar nesta etapa.
- 25) O OpenGL funciona com uma arquitetura baseada numa máquina de estados. Explique esta afirmação e dê 2 exemplos.
- 26) Explique o pipeline da OpenGL. Use um diagrama para explicar o fluxo de dados no pipeline.

- 27) Escreva uma função, utilizando OpenGL, que desenhe a curva paramétrica dada por

$$f(u) = \begin{cases} x(u) = 2 \cos(u) \\ y(u) = 3 \sin(u) \end{cases}$$
$$0 \leq u \leq 2\pi$$

- 28) O que são triangle strips e qual a sua vantagem em relação a primitiva triângulo no desenho de uma representação poligonal (2 pontos) ?
- 29) O que são callbacks de desenho, na OpenGL?
- 30) Um terreno pode conter muitos triângulos. Descreva uma estratégia para reduzir o número de triângulos em um modelo sem aumentar consideravelmente o erro geométrico introduzido pela simplificação. Dica: pense em como remover vértices que não são importantes da triangulação. Considere uma função dos ângulos entre a normal de um vértice  $v$  e as normais dos vértices adjacentes a  $v$  como uma medida de sua importância  $q(v)$ .

## Recorte e rasterização

- 31) Quais as vantagens do algoritmo Cyrus-Beck para o algoritmo Cohen-Sutherland.
- 32) Escreva o algoritmo Sutherland-Hodgeman em pseudo-código.
- 33) Descreva um algoritmo especializado para rasterização de triângulos.

### Curvas de Bézier e B-Splines

- 34) Produza uma curva poligonal a partir da avaliação de 4 pontos uma curva de Bézier cúbica dados os seguintes pontos de controle  $(0.0,0.0)$ ,  $(0.3,0.8)$ ,  $(0.7,0.8)$ ,  $(1.0,0.0)$ , (0.5 ponto).
- 35) Faça uma pesquisa sobre o algoritmo de deCasteljau para geração de curvas de Bézier (1.0 ponto).
- 36) Descreva um método para calcular a interseção de uma reta com uma Curva de Bézier.